

17

Решите уравнение  $\frac{x-4}{x+4} + \frac{x}{x-4} = \frac{32}{x^2-16}$ .

//Ответ:  $-2$ .

//Решение.

В результате преобразований получим уравнение  $x^2 - 2x - 8 = 0$ . Его корни:  $x_1 = 4$ ,  $x_2 = -2$ . Корень  $x_1 = 4$  является посторонним для исходного уравнения. Таким образом, уравнение имеет единственный корень  $-2$ .

Баллы	Критерии оценки выполнения задания
2	Уравнение правильно приведено к виду $ax^2 + bx + c = 0$ , правильно найдены корни квадратного уравнения, «отброшен» посторонний корень, получен верный ответ.
1	Все преобразования и вычисления выполнены верно, но посторонний корень не отброшен; или допущена вычислительная ошибка при нахождении корней квадратного уравнения, с ее учетом решение доведено до конца.
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.

18

Запишите уравнение прямой, проходящей через точки  $A(-11; 42)$  и  $B(13; -30)$ . В какой точке эта прямая пересекает ось  $x$ ?

//Ответ:  $y = -3x + 9$ ;  $(3; 0)$ .

//Решение. Уравнение прямой имеет вид:  $y = kx + b$ . Подставим координаты точек  $A$  и  $B$  вместо  $x$  и  $y$  в это уравнение, получим систему: 
$$\begin{cases} 42 = -11k + b \\ -30 = 13k + b \end{cases}$$

Решением ее является пара чисел:  $k = -3$ ,  $b = 9$ ; уравнение прямой:  $y = -3x + 9$ . Эта прямая пересекает ось  $x$  в точке  $(3; 0)$ .

Баллы	Критерии оценки выполнения задания
3	Правильно найдены значения коэффициентов $k$ и $b$ , записано уравнение прямой, верно указаны координаты точки пересечения прямой с осью $x$ .
2	Ход решения верный, но отсутствует ответ на вопрос; или допущена одна ошибка вычислительного характера/описка, с ее учетом решение доведено до конца.
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.

**Комментарий.** Ошибки при подстановке координат точек в уравнение прямой считаются существенными.

**19**

Сократите дробь  $\frac{3y-3x-1}{x+y-3y^2+3x^2}$ .

//Ответ:  $-\frac{1}{x+y}$ .

//Решение.  $\frac{3y-3x-1}{x+y-3y^2+3x^2} = \frac{3y-3x-1}{(x+y)-3(y-x)(y+x)} = \frac{3y-3x-1}{(x+y)(1-3(y-x))} =$   
 $= \frac{3y-3x-1}{(x+y)(1-3y+3x)} = -\frac{1-3y+3x}{(x+y)(1-3y+3x)} = -\frac{1}{x+y}$ .

Баллы	Критерии оценки выполнения задания
3	Правильно выполнено разложение на множители числителя дроби, правильно проведено сокращение.
2	Правильно выполнено разложение на множители числителя дроби, но допущена ошибка в знаке при сокращении дроби.
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.

**20**

Мандарины подорожали на 20%. Сколько мандаринов можно теперь купить на те же деньги, на которые раньше покупали 4,8 кг?

//Ответ: 4 кг.

//Решение. Пусть 1 кг мандаринов до повышения цен стоил  $x$  р. После повышения цен он стал стоить  $1,2x$  р. Раньше за 4,8 кг мандаринов платили  $4,8x$  р. Теперь на эти деньги можно купить  $\frac{4,8x}{1,2x} = 4$  кг мандаринов.

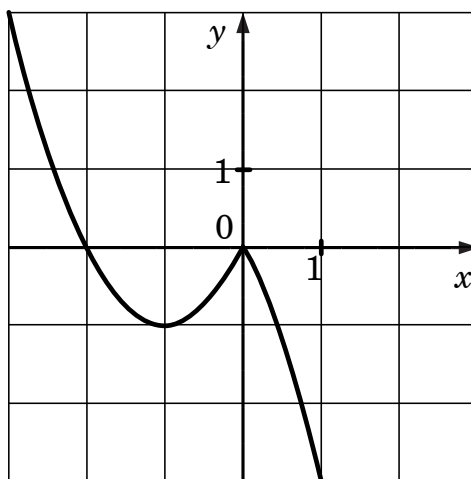
Баллы	Критерии оценки выполнения задания
4	Найден правильный путь решения, приведены пояснения, получен верный ответ.
3	Получен верный ответ, но отсутствуют какие-либо пояснения; или ход решения верный, но допущена одна ошибка вычислительного характера или описка на последнем шаге решения.
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.

Замечание. При арифметическом способе решения можно ориентироваться на эти же критерии.

- 21** При каких значениях  $p$  прямая  $y = p$  имеет две общие точки с графиком функции  $y = f(x)$ , где  $f(x) = \begin{cases} -x(x+2), & \text{если } x \geq 0 \\ x(x+2), & \text{если } x < 0 \end{cases}$ ?

//Ответ:  $p = -1$  и  $p = 0$ .

//Решение. Построим график функции  $y = \begin{cases} -x(x+2), & \text{если } x \geq 0 \\ x(x+2), & \text{если } x < 0 \end{cases}$ .



Из рисунка видно, что прямая  $y = p$  имеет две общие точки с графиком функции при  $p = -1$  и  $p = 0$ .

Баллы	Критерии оценки выполнения задания
4	Правильно построен график функции, верно найдено множество значений $p$ .
3	Правильно построен график функции, решение доведено до конца, но в ответе указано только одно правильное значение $p$ .
0	Другие случаи, не соответствующие указанным критериям.

**Комментарий.** Если график построен неправильно, то решение не засчитывается.